

# Tutorato di GE210

Tutori: Sabrina Capaldi & Andrea Lelli

Università degli studi Roma Tre - Corso di Laurea in Matematica  
Tutorato 7 - 26 Novembre 2014

1. In ciascuno dei seguenti casi determinare un'equazione cartesiana della retta di  $\mathbb{P}^2(\mathbb{C})$  contenente i punti assegnati:

- $[-1, 1, 1]; [1, 3, 2i]$
- $[1, 1, 2i]; [1, -2, 2i]$
- $[1, -1, i]; [i, 1, 1]$

2. Verificare che le seguenti rette di  $\mathbb{P}^2(\mathbb{C})$  hanno intersezione vuota:

$$iX_1 - X_2 + 3iX_0 = 0, \quad X_0 + X_1 - iX_2 = 0, \quad 5X_0 + X_1 + 3iX_2 = 0$$

3. Determinare il punto improprio (rispetto a  $X_0$ ) e equazioni in coordinate omogenee di ciascuna delle seguenti rette di  $\mathbb{A}^2(\mathbb{C})$ :

- a)  $3X + Y + 1 = 0$       b)  $X - 2Y - 1 = 0$   
c)  $2iX + 3Y + 9 = 0$       d)  $X + 1 = 0$   
e)  $Y + 6 = 0$       f)  $X - 2Y = 0$

4. Determinare equazioni in coordinate non omogenee di ciascuna delle seguenti rette di  $\mathbb{P}^2$ :

- a)  $7X_0 - 4X_1 + X_2 = 0$       b)  $2X_1 - X_2 + iX_0 = 0$   
c)  $iX_0 + 2iX_2 - X_1 = 0$       d)  $(1 - i)X_0 + 2X_2 = 0$

5. Determinare coordinate omogenee del punto comune alle chiusure proiettive di ciascuna delle seguenti coppie di rette di  $\mathbb{A}^2(\mathbb{C})$ :

- $3X + iY + 1 = 0, \quad X - Y = 0$
- $-iX + (i + 1)Y - 1 = 0, \quad 2 - 2X = 0$
- $X - 3Y = i, \quad X - 3Y + 4 = 0$

6. Determinare un'equazione cartesiana del piano di  $\mathbb{P}^3(\mathbb{R})$  passante per il punto  $[1, 1, 0, 1]$  e per i punti impropri delle rette  $r$  ed  $s$  di  $\mathbb{A}^3(\mathbb{R})$  di equazioni:

$$r : \begin{cases} X + Y + Z - 1 = 0 \\ 2X - Y - Z = 0 \end{cases} \quad s : \begin{cases} 2X - Y - 2Z + 1 = 0 \\ Y + Z - 1 = 0 \end{cases}$$

- 7.
- In  $\mathbb{P}^2(\mathbb{R})$  sia la retta  $r$  di equazione omogenea:  $3X_0 + X_1 - 2X_2 = 0$ . Determinare equazioni parametriche per  $r$ .
  - Determinare equazioni parametriche e omogenee per la retta  $s$  passante per i punti  $S = [-1, 1, -2]$  e  $T = [2, -3, 2]$ .
  - Determinare l'intersezione tra le rette  $r$  e  $s$  dei punti precedenti.