

**UNIVERSITÀ DEGLI STUDI ROMA TRE**  
**Corso di Laurea in Matematica**  
**CR410 - Crittografia 1 A.A. 2016/2017**

**Appello A**

**ESERCIZIO 1.**

- (a) Descrivere il test di Solovay-Strassen, e usarlo (per due iterazioni) per testare la primalità di  $n = 29$ .
- (b) Sia  $m$  un intero dispari. Sia  $G(m)$  l'insieme formato dagli elementi  $b$  di  $U(\mathbb{Z}_m)$  tali che  $m$  è uno pseudo-primo di Eulero in base  $b$ . Dimostrare che  $G(m)$  è un gruppo. Dimostrare che l'ordine di  $G(m)$  è pari.
- (c) Descrivere la fattorizzazione alla Fermat e applicarla a  $N = 667$ .
- (d) Sia dato un crittosistema RSA con  $N = 667$ , con esponente di cifratura  $e = 5$ ; determinare l'esponente di decifratura  $d$  e cifrare il messaggio  $m = 14$ .

**ESERCIZIO 2.**

- (a) Utilizzare l'algoritmo di Pohlig-Hellman per trovare il logaritmo discreto di 7 in base 5 in  $\mathbb{Z}_{73}$ , descrivendo brevemente l'algoritmo. [informazioni parziali:  $5^{24} \equiv 8$ ]
- (b) Descrivere lo schema di firma di Elgamal.

**ESERCIZIO 3.**

In uno schema di secret sharing a soglia di Shamir in  $\mathbb{Z}_{29}$  con  $m = 3$  valore della soglia, per gli utenti  $A, B, C$  abbiamo che le ombre  $(x, f(x))$  sono rispettivamente  $(2, 23)$ ,  $(3, 0)$  e  $(5, 22)$ . Descrivere lo schema e determinare il segreto.