

Esercizio 1.

$$\text{Sia } S(x) := \sum_{J=1}^{\infty} J x^{J-1} \quad \text{per } x \in [-\delta, \delta] \\ \text{con } 0 < \delta < 1.$$

dopo aver dimostrato che $S(x)$ è ben definito (cioè che la serie converge puntualmente in $[-\delta, \delta]$)

dimostrare che tale convergenza è **UNIFORME** in $[-\delta, \delta]$.

Applicando i teoremi di passaggio al limite sotto il segno di integrale determinare $S(x)$ in termini di funzioni elementari.

Suggerimento: dimostrare che

$$f(x) = \sum_{J=0}^{\infty} x^J \quad \text{è unif. convergente in } [-\delta, \delta] \quad \text{e determinare } f(x)$$

in termini di funzioni elementari.

Esercizio 2.

$$\text{Sia } G(x) = \sum_{j=0}^{\infty} \frac{x^j}{j+1}$$

determinare $G(x)$ in termini di funzioni elementari
(usare lo stesso metodo dell'esercizio precedente)

Sugg. fare prima

$$H(x) = \sum_{h=1}^{\infty} \frac{x^h}{h}$$